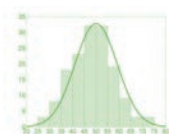
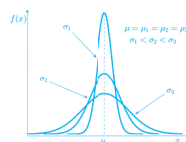
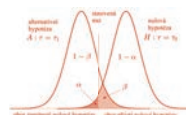


Jiří Neubauer, Marek Sedlačík, Oldřich Kříž

# Základy statistiky



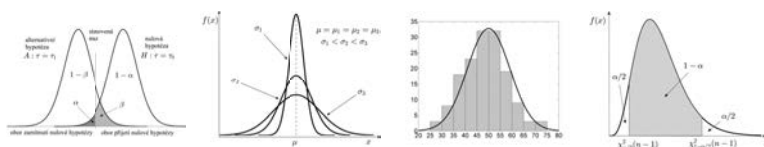
Aplikace v technických  
a ekonomických oborech

- měření a zjišťování
- teoretické modely
- empirické modely
- základy indukční statistiky
- počítačové zpracování dat
- praktické užití statistiky



# Základy **statistiky**

Aplikace v technických  
a ekonomických oborech



Jiří Neubauer  
Marek Sedlačík  
Oldřich Kříž

**Upozornění pro čtenáře a uživatele této knihy**

Všechna práva vyhrazena. Žádná část této tištěné či elektronické knihy nesmí být reprodukována a šířena v papírové, elektronické či jiné podobě bez předchozího písemného souhlasu nakladatele. **Neoprávněné užití této knihy bude trestně stíháno.**

Jiří Neubauer, Marek Sedlačík, Oldřich Kříž

## Základy statistiky

Aplikace v technických a ekonomických oborech

---

**TIRÁŽ TIŠTĚNÉ PUBLIKACE:**

Vydala Grada Publishing, a.s.  
U Průhonu 22, Praha 7  
obchod@grada.cz, www.grada.cz  
tel.: +420 234 264 401, fax: +420 234 264 400  
jako svou 4901. publikaci

Odpovědný redaktor Petr Somogyi  
Počet stran 240  
První vydání, Praha 2012  
Vytiskly Tiskárny Havlíčkův Brod, a.s.

© Grada Publishing, a.s., 2012  
Cover Design © Grada Publishing, a.s., 2012

*Názvy produktů, firem apod. použité v knize mohou být ochrannými známkami nebo registrovanými ochrannými známkami příslušných vlastníků.*

ISBN 978-80-247-4273-1

---

**TIRÁŽ ELEKTRONICKÉ PUBLIKACE:**

ISBN 978-80-247-7063-5 (ve formátu PDF)  
ISBN 978-80-247-7266-0 (ve formátu EPUB)

# Obsah

<b>1</b>	<b>Úvod do statistiky</b> .....	11
1.1	Historický přehled .....	11
1.2	Význam a pojetí moderní statistiky .....	17
1.3	Statistická jednotka a statistický soubor .....	21
1.4	Statistický znak .....	24
<b>2</b>	<b>Popisná statistika</b> .....	29
2.1	Vyjadřovací prostředky statistiky .....	29
2.2	Základní zpracování číselných dat .....	32
2.3	Charakteristiky polohy .....	39
2.4	Charakteristiky variability .....	45
2.5	Charakteristiky koncentrace .....	51
2.6	Kompletní zpracování dat pomocí aplikace STAT1 .....	54
<b>3</b>	<b>Pravděpodobnost</b> .....	59
3.1	Základy kombinatoriky .....	59
3.2	Náhodný pokus a náhodný jev .....	63
3.3	Pravděpodobnost náhodného jevu .....	67
3.4	Klasická definice pravděpodobnosti .....	68
3.5	Geometrická definice pravděpodobnosti .....	72
3.6	Podmíněná pravděpodobnost .....	75
3.7	Pravidlo o násobení pravděpodobností .....	76
3.8	Pravidlo o sčítání pravděpodobností .....	79
3.9	Úplná pravděpodobnost a Bayesův vzorec .....	83
<b>4</b>	<b>Náhodná veličina</b> .....	87
4.1	Náhodná veličina .....	87
4.2	Distribuční funkce náhodné veličiny .....	88
4.3	Diskrétní náhodná veličina .....	89
4.4	Spojité náhodné veličiny .....	93

---

4.5	Charakteristiky polohy	96
4.6	Charakteristiky variability	99
4.7	Charakteristiky koncentrace	102
<b>5</b>	<b>Modely rozdělení pravděpodobností pro diskrétní náhodné veličiny</b>	<b>107</b>
5.1	Poissonovo rozdělení	107
5.2	Alternativní rozdělení	110
5.3	Binomické rozdělení	111
5.4	Hypergeometrické rozdělení	114
<b>6</b>	<b>Modely rozdělení pravděpodobností pro spojité náhodné veličiny</b>	<b>117</b>
6.1	Rovnoměrné rozdělení	117
6.2	Exponenciální rozdělení	119
6.3	Normální rozdělení	122
6.4	Normované normální rozdělení	125
6.5	Logaritmicko-normální rozdělení	128
6.6	Rozdělení některých funkcí náhodných veličin	131
<b>7</b>	<b>Teoretické základy statistiky</b>	<b>136</b>
7.1	Zákon velkých čísel	136
7.2	Součet nezávislých náhodných veličin	137
7.3	Centrální limitní věty	140
7.4	Věty o normálním rozdělení	147
<b>8</b>	<b>Výběrová šetření</b>	<b>151</b>
8.1	Druhy výběrového šetření	151
8.2	Náhodný výběr a výběrové charakteristiky	154
8.3	Výběrová rozdělení	155
8.4	Populace, výběr a statistické usuzování	158
<b>9</b>	<b>Odhady charakteristik základního souboru</b>	<b>161</b>
9.1	Bodové odhady parametrů	161
9.2	Intervalové odhady parametrů	166
9.3	Intervalové odhady parametrů normálního rozdělení	168
9.4	Intervalový odhad střední hodnoty pro výběry velkého rozsahu	180
9.5	Intervalový odhad parametru alternativního rozdělení	186
<b>10</b>	<b>Testování statistických hypotéz</b>	<b>190</b>
10.1	Pojem hypotézy a podstata testování hypotéz	190
10.2	Jednovýběrové testy hypotéz	197
10.3	Dvouvýběrové testy hypotéz	205
10.4	Testy hypotéz o rozdělení základního souboru	218
	<b>Použité zdroje</b>	<b>231</b>
	<b>Rejstřík</b>	<b>233</b>

## O autorech

### **Mgr. Jiří Neubauer, Ph.D. (\*1975)**

Vystudoval Přírodovědeckou fakultu Masarykovy univerzity v Brně. Dizertační práci v doktorském studijním oboru aplikovaná matematika obhájil v roce 2006 na Přírodovědecké fakultě Ostravské univerzity v Ostravě. Od roku 2008 absolvoval odborné stáže postupně na Institute of Statistics, Graz University of Technology, Graz, Rakousko, na Department of Statistics, Faculty of Science, University of Malta, Malta a na University of Maribor, Maribor, Slovinsko. V současné době pracuje na Univerzitě obrany jako vedoucí skupiny Katedry ekonometrie. Věnuje se problematice analýzy časových řad se zaměřením na více-rozměrné modely a detekci změn v náhodných procesech. V pedagogické oblasti se věnuje výuce základních statistických metod. Podílí se na řešení výzkumných projektů v rámci své specializace. Publikuje v domácích i zahraničních časopisech.

### **RNDr. Marek Sedlačík, Ph.D. (\*1975)**

Vystudoval Přírodovědeckou fakultu Masarykovy univerzity v Brně. Dizertační práci ve studijním oboru Obecné otázky matematiky obhájil roce 2006 na Přírodovědecké fakultě Masarykovy univerzity v Brně, rovněž rigorózní práci v oboru Statistika a analýza dat obhájil na MU v Brně. Od roku 2008 absolvoval odborné stáže postupně na Institute of Statistics, Graz University of Technology, Graz, Rakousko, na Department of Statistics, Faculty of Science, University of Malta, Malta a na National University of Public Service, Budapest, Maďarsko. V současné době pracuje na Univerzitě obrany jako pověřený vedoucí Katedry ekonometrie. Věnuje se problematice mnohorozměrných statistických metod se zaměřením na klasifikační techniky. Garantuje a vede výuku v rámci akreditovaného studia. Podílí se na řešení vědeckých projektů v rámci své specializace. Publikuje v domácích i zahraničních časopisech.

### **RNDr. Oldřich Kříž (\*1945)**

Vystudoval Přírodovědeckou fakultu Palackého univerzity v Olomouci. V roce 1993 absolvoval specializované studium statistiky na Fakultě informatiky a statistiky Vysoké školy ekonomické v Praze a v roce 1997 absolvoval licenční studium Počítačové zpracování dat při kontrole a řízení jakosti na Fakultě chemicko-technologické Pardubické univerzity. Od roku 2004 působil na katedře ekonometrie Fakulty ekonomiky a managementu Univerzity obrany v Brně. Ve výzkumné oblasti řešil úkoly v souvislosti s distančním vzděláváním statistiky a podílel se na řešení projektů v oblasti senzorické analýzy potravin. Publikoval v domácích i zahraničních časopisech. Je autorem a spoluautorem řady didaktických titulů. V současné době spolupracuje s katedrou externě.

# Úvodní slovo recenzenta

Kniha Základy statistiky, která se čtenáři dostává do rukou, představuje moderní pojetí základního kurzu statistiky založené na důsledném propojení popisné statistiky, teorie pravděpodobnosti a úvodu do matematické statistiky. Učebnice obsahuje 10 kapitol. Úvodní kapitola elegantně shrnuje historii statistiky s návazností na vysvětlení hromadných jevů a souvisejících pojmů. Další kapitola je věnována popisné statistice a kapitoly 3–6 pravděpodobnostnímu aparátu, který je pak důsledně využíván v kapitolách 7–10, kde se autoři věnují základům matematické statistiky, zejména bodovým odhadům, intervalovým odhadům a testování statistických hypotéz. Jednotlivé kapitoly jsou vždy v úvodu důsledně prakticky motivovány tak, aby čtenář méně zběhlý v matematické teorii mohl bez problémů sledovat následující formálnější matematický výklad. Pro usnadnění pochopení jednotlivých teoretických partií je výklad proložen řadou ilustrativních řešených příkladů a doplněn řadou příkladů k procvičení.

Velkým přínosem předložené publikace je, že čtenáři a uživatelé statistických metod se zároveň s učebnicí dostává do rukou výpočetní statistická aplikace STAT1. Ta byla autory učebnice vytvořena v Excelu a umožňuje bezprostřední výpočet statistických charakteristik, bodových a intervalových odhadů, provádění statistických testů pro náhodné výběry z normálního a asymptoticky normálního rozdělení a dále pak umožňuje provádění testů dobré shody. Tedy veškerá statistická teorie, která je v učebnici popsána, je doplněna možností provádět vlastní statistické analýzy včetně grafických výstupů v excelovském prostředí. To je dostupné prakticky na každém počítači. Tedy k procvičení základních statistických analýz si čtenář nemusí pořizovat obvykle velmi nákladný statistický software.

Jsem přesvědčen, že knihu Základy statistiky zaměřenou na aplikace v ekonomických i technických oborech budou využívat nejen studenti nematematických oborů, kteří si chtějí osvojit principy statistického uvažování, ale také uživatelé základních statistických metod právě kvůli snadnému získání přístupu k odpovídajícímu softwarovému vybavení.

Doc. RNDr. Jaroslav Michálek, CSc.

Ústav matematiky, Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technické v Brně



# Předmluva

Autoři knihy, kterou právě držíte v ruce, se výuce statistiky na vysoké škole věnují již řadu let. Ve snaze předat svoje zkušenosti studentům, ale i dalším uživatelům statistiky, vytvořili předložený text. Hlavním cílem při jeho přípravě byla snaha podat výklad statistiky jednoduchým způsobem, který by akcentoval základy statistické práce a usuzování, přitom však přiměřeně respektoval exaktní pozadí této vědní disciplíny. Proto je kniha vhodná především pro studium základů statistiky zejména na fakultách s ekonomickým nebo technickým zaměřením.

Statistika je vědní disciplína, která je vybudovaná na třech pilířích: teorii pravděpodobnosti, teorii náhodné veličiny a popisné statistice. Abychom dobře porozuměli smyslu statistiky a jejímu možnému uplatnění, musíme pochopit podstatu pravděpodobnosti, neboť všechny závěry, ke kterým statistika svými metodami a prostředky dojde, neplatí s exaktní matematickou přesností, ale mají vždy platnost pouze s jistou pravděpodobností – hovoří se o spolehlivosti. Slovo „pouze“ nepředurčuje statistice význam menší než matematice, ale jiný než matematice. Statistika je totiž disciplína velmi praktická a zabývá se všemi takovými reálnými situacemi, ve kterých se potřebujeme opřít o neznámé informace. Ty jsou zjednodušeně řečeno zatím skryté v tzv. teoretických modelech, popisujících tzv. náhodné veličiny. Odkrývání neznámých informací v nejrůznějších reálných situacích nám umožní popisná statistika, která pracuje s naměřenými nebo zjištěnými daty a informace o nich shrne do tzv. empirického modelu.

Na první pohled je zřejmé, že vyjmenované pilíře tu „pravou“ statistiku ještě netvoří. Vztah mezi teoretickým a empirickým modelem přímo souvisí s filozofií statistiky. Taková statistika má totiž induktivní charakter a zabývá se tím, jak odhadnout ty vlastnosti teoretického modelu, které nás zajímají a přitom je neznáme, pomocí modelu empirického. Výklad celé problematiky v této učebnici je proto založen na vybudování základních pojmů a vztahů, srozumitelném popisu základních metod a je protkán řadou řešených příkladů. Teoretické základy se opírají zejména o vlastnosti normálního rozdělení a o centrální limitní větu.

Potřeba zpracovávat pozorování či měření, shrnout data a postihnout, co říkají, zanedbat nepodstatné detaily a odhalit společné vlastnosti je přítomná v mnoha vědních oborech. Proto nachází metody matematické statistiky praktické uplatnění v široké třídě oblastí, při řešení nepřehledného množství praktických problémů. Neustále se proto i v textu zdůrazňuje nejdůležitější atribut statistiky, a tím je praktická a reálná podoba řešených problémů.

Součástí dnešního moderního světa je užití výpočetní techniky ve všech sférách života. Statistika je, právě s ohledem na práci s datovými množinami, přímo předurčena k využití počítačů. Na tuto skutečnost reaguje i přístup pedagogů k výuce statistiky na mnoha fakultách. Výklad a řešení praktických úloh je v této učebnici přímo podporován elektronickou aplikací STAT1, která pracuje v excelovském prostředí a umožňuje každému studentovi interaktivně vnímat popsané statistické metody. U vybraných příkladů je použití této aplikace podrobně popsáno. Aplikaci je možné použít i na analýzy vlastních dat. Aplikaci STAT1 spolu se statistickými tabulkami najdete na adrese <http://k101.unob.cz/stat1/>.

Rádi bychom poděkovali kolegovi doc. RNDr. Jaroslavu Michálkovi, CSc. z Ústavu matematiky FSI VUT Brno, který se ujal úlohy lektora, knihu pozorně přečetl a doporučil několik úprav.

V Brně 29. 6. 2012

Autoři

## Kapitola 1

# Úvod do statistiky

První kapitola této knihy věnujeme úvodnímu seznámení se statistikou. Představíme si statistiku jako vědní disciplínu, která se vyvinula z původních starověkých sčítání obyvatel a majetku až k současnosti. Dozvíme se, co si vlastně máme představit pod pojmem *statistika* a jakou roli hraje statistika v moderní společnosti. Začneme si budovat odborný slovník a zavedeme si základní pojmy, abychom se v odborném prostředí domluvili a také rozuměli tomu, co se kde ve „statistickém jazyku“ píše či mluví.

### 1.1 Historický přehled

Slovo statistika pochází z italského *stato*, původně s významem *stav*, od konce středověku také *státní území*, resp. *stát*. Jako první jej patrně použil Girolamo Ghilini (1589–1669) v práci *Ristretto della civile, politica, statistica e militare scienza (Shrnutí civilní, politické, statistické a vojenské vědy)*, ve které shromáždil různé znalosti té doby o státu, o jeho obyvatelích, životě, právu, obchodu i výrobě, náboženství i armádě. Především v tomto smyslu se potom slovo *stato* rozšířilo i do jiných jazyků, např. ve tvaru *state*, *Staat*, *état*, *estato*.

#### Podněty pro vznik statistiky

První historické zmínky o činnostech, které z dnešního pohledu připomínají statistiku, pocházejí už ze starověku. Záznamy o *sčítání obyvatel a majetku* můžeme najít už v písemnostech starých Babyloňanů z období před rokem 3800 př. n. l. Historicky nejstarším směrem ovlivňujícím také vznik statistiky byla existence prvních městských států v 3. a 2. tisíciletí př. n. l. ve starověkých civilizacích, jakými byly Egypt, Čína, Mezopotámie, Palestina, Řecko nebo Řím. Se vznikem městských států vzniká také potřeba jejich správy, se kterou jsou spojené nemalé náklady, proto se zvyšuje výběr daní. K určení jejich výše je ale nezbytné mít číselné údaje o území, obyvatelstvu, zemědělství, obchodu, řemeslech apod. Tyto informace se získávají zejména na základě soupisu obyvatelstva a dalších šetření, která mají z dnešního pohledu charakter statistických šetření.

Jednu z prvních zmínek o statistickém šetření nalezneme také v Bibli, kde je ve Starém zákoně ve 4. knize Mojžíšově informace o sčítání provedeném Mojžíšem po odchodu izraelského národa z Egypta a obsahuje konkrétní počty bojovníků, oddílů a velitelů. Později také nařídil sčítání lidu motivované vojensky král David.

Velké sčítání lidu zavedli také ve starověkém Římě v 5. století př. n. l. Sčítání měli na starosti vysocí úředníci, nazývaní *cenzoři*. Sčítání (cenzy) se konala každých pět let a zjišťovaly se nejen počty obyvatel a jejich majetek, ale také např. počet otroků.

Podobné průzkumy se postupně rozšiřovaly i na další evropské země až do období středověku. Od 16. století byly zřizovány církevní matriky, které se na dlouhou dobu staly základním zdrojem informací o obyvatelstvu.

### Tři kořeny statistiky

Vlastní termín *statistika* se začal používat až v 18. století v Německu pro označení *nauky o státu*. Tato vědecká disciplína se začala rozvíjet v 16. století na univerzitách v Itálii a později také právě v Německu, proto se jí říká *univerzitní statistika*. Tehdejší statistické studie obsahovaly především údaje o evropských státech – geografické, politické, ekonomické a další. Na rozdíl od dnešní statistiky neobsahovaly mnoho čísel, většina zaznamenaných údajů měla charakter slovní.

Jedno z prvních státovědných děl *O vládě a správě v různých královstvích a republikách* vyšlo v roce 1562 v Benátkách a napsal je Francesco Sansovina. Přesně o sto let později uveřejnil Ludwig von Seckendorff svou státovědnou knihu *Německý knížecí stát*. Na jejich práce navazuje nejvýznamnější teoretik statistiky v německé jazykové oblasti Gottfried Achenwall (1719–1772). Byl profesorem statistiky na univerzitě v Göttingenu a autorem populární učebnice statistiky, která byla předepsána pro přednášky statistiky i na Karlově univerzitě v Praze.

V Anglii mezitím vznikl zcela jiný okruh statistiky, a to takzvaná *politická aritmetika*, která vycházela z údajů o narozeních a úmrtích, a na tomto základě se pokoušela pozorovat a srovnávat informace o obyvatelstvu za delší časové úseky. Tyto průzkumy vycházely z údajů tehdejších církevních matrik a na jejich základě se snažily odvodit některé obecně platné zákonitosti (např. že se rodí obecně více chlapců než děvčat).

Její nejvýznamnější představitelé jsou William Petty (1623–1687) a John Graunt (1620–1674). Petty je považován za předchůdce moderní statistiky i klasické politické ekonomie. Jeho nejvýznamnější dílo *Pět esejí o politické aritmetice* bylo vydáno posmrtně (1960). Graunt byl obchodník a zabýval se především demografií. Napsal první ucelenou demografickou studii s poněkud pochmurným názvem *Přirozená a politická pozorování založená na seznamech zemřelých* (1662).

V 18. století se toto zaměření statistiky začalo prosazovat i v Německu a obě statistické školy se začaly vzájemně ovlivňovat a postupně sblížovat. Statistika začala ve větší míře používat čísla a přestala se zabývat pouze popisem státních pozoruhodností. Postupně začala pronikat i do jiných vědeckých disciplín, aby se nakonec prosadila jako samostatná věda.

Nezávisle na statistice se od 17. století začala rozvíjet ještě jiná teoretická disciplína, která vznikla jako součást matematiky – *teorie pravděpodobnosti*. Zatímco statistika zkoumá hromadné jevy, teorie pravděpodobnosti se naopak zabývá jevy individuálními, jedinečnými. Pravděpodobnost je chápána jako číselné ohodnocení šance – naděje, že sledovaný konkrétní jev nastane. Ve skutečnosti však statistika a teorie pravděpodobnosti představují dva pohledy na stejný problém. Každý hromadný jev je totiž tvořen jednotlivými jevy individuálními, a naopak opakováním individuálního jevu získáme jev hromadný. V současné době nelze

teorii pravděpodobnosti a statistiku od sebe oddělit – teorie pravděpodobnosti je považována za teoretický základ statistiky.

Rozvoj teorie pravděpodobnosti byl zpočátku inspirován hlavně hazardními hrami. Za její počátek se považuje slavná výměna dopisů mezi matematiky Blaisem Pascalem (1623–1662) a Pierrem de Fermatem (1601–1665) zahájená roku 1654. Šlo jim tehdy o otázku, jak spravedlivě rozdělit bank mezi hráče, jestliže série hazardních her musela být předčasně přerušena. Tehdy rozvíjené teorii pravděpodobnosti dnes říkáme *klasická pravděpodobnost*. Mezi další osobnosti, které se věnovali teorii pravděpodobnosti, patří švýcarští matematici (bratři) Jacob Bernoulli (1656–1705) a Johann Bernoulli (1667–1748), francouzští matematici Abraham de Moivre (1667–1754), Pierre Simon de Laplace (1749–1827) a také Siméon Denis Poisson (1781–1840), se kterým se setkáme v 5. kapitole – viz *Poissonovo rozdělení pravděpodobnosti*, které je vhodné pro popis jevů s nízkou pravděpodobností jevu při značném rozsahu výběrového souboru. Významný příspěvek k teorii chyb předložil také vynikající německý matematik Carl Friedrich Gauss (1777–1855), který přispěl k formulování tzv. *normálního rozdělení pravděpodobnosti* – viz 6. kapitola.

## Statistika jako nová věda

Postupným splýváním nauky o státu, politické aritmetiky a teorie pravděpodobnosti vznikla v 18. a 19. století statistika jako samostatná vědní disciplína, která popisovala hromadné jevy v nově vznikajících vědách – přírodních, technických i ekonomických. Statistika tohoto období se zabývala především popisem zkoumaných hromadných jevů, proto se také nazývá *popisná – deskriptivní statistika*. Metodou statistických průzkumů byla vyčerpávající šetření prováděná podle zásady: čím více údajů získáme, tím přesnější budou závěry. Toto pravidlo ve statistice převládalo až do konce 19. století.

Významnou osobností nové statistiky byl belgický matematik Adolphe Jacques Quételet (1796–1874), který je zakladatelem prvního národního statistického úřadu (1841) v Evropě. Mimo jiné se věnoval rozsáhlému sběru dat o lidské populaci a prezentoval svůj pojem „průměrného člověka“ jako centrální hodnoty, kolem které se měřené tělesné míry shlukují podle Gaussovy křivky – viz 6. kapitola. V té souvislosti zavedl také pojem index tělesné hmotnosti používaný dodnes pro stanovení míry obezity a známý pod zkratkou BMI (body mass index). Naznačil tak budoucí směřování statistiky k normálnímu rozdělení, střední hodnotě a rozptylu. Pomohl rovněž zavést statistické techniky do kriminalistiky, pomocí statistické analýzy porozuměl Quételet vztahu mezi zločinem a ostatními sociologickými faktory.

Na přelomu 19. a 20. století však dochází ve vývoji statistiky k zásadní změně. Začala éra *matematické – induktivní statistiky*, která na základě teorie pravděpodobnosti umožňuje získat kvalifikované závěry – odhady o sledovaném jevu i z malého dostupného vzorku údajů. Nové statistické postupy otevřely možnosti pro nejrůznější typy průzkumů, ve kterých se z vlastností části usuzuje na chování celku. Na bázi induktivní statistiky vznikly také extrapoláčnické – prognostické metody, které na základě znalosti dat z minulosti umožní vytvořit kvalifikovaný odhad chování v budoucnosti.

Těžiště rozvoje induktivní statistiky se do značné míry přesunulo do anglo-americké oblasti a je spojeno především se jménem anglického statistika sira Ronalda Aylmera Fishera (1890–1962), který stál u vzniku mnoha dnes obvyklých metod statistické analýzy. Je pova-

žován za zakladatele teorie plánování experimentů v biologickém a zemědělském výzkumu. Významných výsledků dosáhl i další anglický statistik William Sealy Gosset (1876–1937), který pracoval jako chemik v irském pivovaru Guinness a tam vymyslel postup, který umožnil provádět z malých výběrů použitelné závěry, přinejmenším však poznat, jak posuzovat vypovídací hodnotu takových výběrů. Gosset se pod svá průkopnická díla podepisoval pseudonymem „Student“, protože jeho firma mu publikování výsledků pod vlastním jménem zakázala.

Další významní představitelé anglické statistické školy byli Francis Galton (1822–1911) a Charles Pearson (1857–1936), kteří položili základy zkoumání závislostí mezi hromadnými jevy. K rozvoji matematické statistiky přispěli také ruští matematici: Pafnutij Lvovič Čebyšev (1821–1894), Andrej Andrejevič Markov (1856–1922) a Andrej Nikolajevič Kolmogorov (1903–1987), který je považován za zakladatele moderní teorie pravděpodobnosti.

U nás dosáhli pozoruhodných výsledků dvě osobnosti. Prvním byl profesor Jaroslav Janko (1893–1965). Svou celoživotní činností velmi významně přispěl k rozvoji matematicko-statistických metod, k jejich nanejvýš užitečnému uplatnění ve výzkumu a praxi, a zapsal se tak do historie matematické statistiky u nás. Známa jsou jeho díla *Jak vytváří statistika obrazy světa a života*, *Základy statistické indukce a Statistické tabulky*. Druhým je profesor Jaroslav Hájek (1926–1974), kterého lze považovat za nejvýznamnějšího českého statistika v historii české matematiky. Jeho odborné aktivity byly zaměřené na neparametrické statistické metody.

## Současná statistika

Statistika dnes představuje vědní disciplínu se širokým praktickým uplatněním. Používá se zejména jako důležitý nástroj získávání informací ve veřejných sférách našeho života, ale i jako důležitý nástroj řešení nejrůznějších odborných problémů, zejména technických, přírodovědných, ekonomických, vojenských, sociálních. Je tomu tak proto, že moderní statistika využívá všech postupů a metod, které během svého dlouhého vývoje vytvořila nebo si osvojila. Používá jak prvky klasické popisné statistiky, založené na analýze hromadných dat, tak i prvky moderní matematické statistiky, postavené na teorii pravděpodobnosti. Proto statistiku vnímáme nejen jako nástroj poznání (velký nepřehledný soubor dat dokáže nahradit několika výstižnými charakteristikami), ale také jako nástroj rozhodování v neurčitosti (na základě vlastnosti vzorku usuzuje na vlastnosti celého souboru, popř. z informací o minulosti předvídá vývoj v budoucnosti).

Velký význam pro rozvoj a využití statistických metod měl nástup výpočetních technologií, zejména osobních počítačů. Počítač vítězí nad člověkem především v těch úkonech, které jsou pro člověka tradičně nejdélnější – třídění, vyhledávání a výpočty s velkým množstvím dat. Počítačům jsou vlastní také možnosti tabulkového zpracování a grafického vyjadřování. Mezi nejznámější profesionální statistické programy se širokým portfoliem metod a technik patří Statistica, SPSS, SAS, Statgraphics, Minitab a další, z českých produktů QCExpert. Pro potřebu výuky statistiky využívá řada škol i tabulkový kalkulátor MS Excel, který patří k základní výbavě osobního počítače. Naše učebnice bude podporovaná jednoduchou aplikací STAT1, vytvořenou právě v excelovském prostředí.

Statistika byla zpočátku využívána spíše ve vědách přírodních (fyzika, chemie) a technických, v posledních letech však zaznamenává úspěch také v disciplínách humanitního charakteru, například v psychologii, sociologii, pedagogice, ale také v ekonomii, která pů-

vodně vznikla jako věda sociální, během času se svými metodami přiblížila spíše vědám přírodním. K výraznějšímu rozvoji statistických metod došlo na přelomu 19. a 20. století, a to zejména díky novým objevům ve statistice (zejména nástupu metod matematické statistiky). To vedlo k dalšímu přibližování statistiky reálnému životu a prudkému rozvoji aplikací statistiky v nejrůznějších oborech lidské činnosti. Vznikaly tak postupně speciální statistické metody, které tvořily základ speciálních vědních disciplín. Pod názvem *biostatistika*, resp. *biometrika* se např. rozumí aplikace statistiky na biologické problémy, zatímco pro analýzu chemických dat se spíše užívá termín *chemometrie*. Hlavním cílem aplikací statistických metod v *biomedicínském výzkumu* je zajistit správnost a odbornost statistického vyhodnocování dat a interpretace získaných výsledků. Používání počítačů k těmto účelům je v dnešní době samozřejmé.

Aplikací statistických metod na ekonomická a sociálně-ekonomická data vznikla samostatná statistická disciplína, *ekonomická statistika*. Předmětem ekonomické statistiky je analýza stavu a vývoje jevů v hospodářské oblasti jako východiska k hospodářskému rozhodování či stanovení hospodářské politiky. Na využití statistických metod je založený průzkum trhu, plánování výroby, prognostika, kontrola kvality výroby, personální politika, výroční zprávy (určené akcionářům). Ještě k vyšší kvalitě ekonomické analýzy vede disciplína označovaná jako *ekonometrie*. Ta představuje syntézu ekonomické teorie, informatiky, matematiky a statistiky. Tato syntéza není však mechanickým spojením ekonomické analýzy s aparátem matematiky a statistiky, resp. elektronickými prostředky, ale jde o propojení vzájemně se podmiňujících vědních disciplín.

## Statistika v Českých zemích

Statistika je s historií našeho území spjata již od nepaměti. Důvody jsou zcela praktické a zřejmé. Každý vládce chtěl mít přehled, jaký má majetek, kolik má k dispozici mužů do vojska či od kolika poddaných může vymáhat daně. Ale důvody pro statistické zjišťování byly mnohdy i zcela jiného, humánnějšího rázu. Například za vlády císaře Rudolfa II. v roce 1583 vypukla v českých zemích epidemie moru. V jejím důsledku bylo zahájeno šetření o „zdraví populace“, které mělo zmapovat vznik a rozvoj zhoubných epidemií a umožnit přijímání včasných protiopatření.

Jako významný mezník lze označit datum 13. října 1753, kdy byl vydán *patent císařovny Marie Terezie* o každoročním sčítání lidu. Zdokonalení evidence obyvatel souviselo s rozsáhlou reformní činností Marie Terezie (1717–1780), neboť k provedení četných reforem bylo nutné získat objektivní informace o obyvatelstvu. Za vlády Marie Terezie došlo také k reformě evidence narozených a zemřelých. V této souvislosti byla zavedena i první jednoduchá statistická klasifikace příčin úmrtí.

Jak už víme, první statistický úřad v Evropě byl založen v roce 1841 v Belgii. Řada evropských zemí Quételetův úřad následovala. V roce 1897 byl zřízen *Zemský statistický úřad Království českého*, který se stal prvním skutečně statistickým úřadem na území dnešní České republiky. Poprvé byla soustředěna na jednom místě všechna statistická pracoviště, která až do té doby působila v rámci různých ministerstev a dalších institucí.

Brzy po vzniku samostatného Československa, už v roce 1919, byl založen *Státní úřad statistický* (SÚS) jako nový orgán pověřený celostátními statistickými šetřeními, mezi něž patřilo jako jedno z nejdůležitějších i sčítání lidu. Úřad se v období mezi světovými válkami

rozvíjel, zdokonaloval a rozšiřoval svoji činnost. K tomu přispělo i úzké sepětí se statistickou teorií. Ve 20. a 30. letech 20. století byla téměř polovina kapacity statistického úřadu věnována vědecké a teoretické činnosti.

V období 2. světové války se činnost statistiky v Čechách a na Moravě omezila a odpovídala válečným podmínkám i postavení našeho území. Perzekuována byla řada pracovníků SÚS, někteří z nich byli popraveni (např. předseda úřadu Dr. Jan Auerhan byl 6. 6. 1942 zatčen gestapem a 9. 6. 1942 zastřelen), jiní zemřeli v nacistických věznicích a koncentračních táborech. Bezprostředně po skončení 2. světové války byla činnost Státního úřadu statistického obnovena, s cílem vrátit jej na předválečnou úroveň. Po roce 1948 se československá statistika (zejména v ekonomické oblasti) zaměřovala zejména na úkoly národohospodářské evidence a kontrolu plnění plánu.

Po pádu komunistického režimu v roce 1989 se obnovily předpoklady pro budování objektivní, nestranné a nestraničké státní statistické služby. K 1. 1. 1993, se vznikem ČR, převzal Český statistický úřad (ČSÚ) všechny kompetence národního statistického úřadu. Jeho úkoly a postavení, stejně jako zásady a úkoly fungování státní statistické služby v ČR, upravil zákon č. 89/1995 Sb., o státní statistické službě, který byl ještě novelizován k 1. 1. 2001. Jeho hlavním úkolem je shromažďovat a zveřejňovat statistické informace o sociálním a ekonomickém rozvoji České republiky a obstarávat statistické informace pro potřeby dalších orgánů státní správy a územní samosprávy. Vedle centrálního pracoviště ČSÚ v Praze existují krajské reprezentace ve všech 14 krajských městech. Prvním předsedou ČSÚ byl čechokanaďan Edvard Outrata (\*1936). Mimo oficiální soustavu státní statistiky stojí řada specializovaných komerčních agentur, které se především zabývají statistickými průzkumy (např. marketingovými) pro podnikatelské subjekty, ale jsou také pověřovány úkoly pro státní statistiku.

V současnosti existují orgány statistické služby prakticky ve všech zemích Evropy. Jejich konkrétní podoba a struktura se však může stát od státu lišit, i když v poslední době dochází ke koordinaci státních statistik v rámci všech členských i přidružených zemí EU. Centrálním statistickým orgánem Evropské unie je EUROSTAT, který má sídlo v Lucemburku, jeho současným generálním ředitelem je Walter Radermacher (\*1952). Shromažďuje statistické informace o členských zemích Evropské unie, ale také o dalších evropských zemích. Šest středoevropských zemí (ČR, Maďarsko, Polsko, Rumunsko, Slovinsko a Slovensko) spolupracuje na výměně statistických informací také prostřednictvím společné nadnárodní instituce CESTAT.

## Příklady k procvičení

- Zjistěte na stránkách ČSÚ ([www.czso.cz](http://www.czso.cz)), jaký je v ČR aktuální počet obyvatel.
- Jaká instituce zabezpečuje v ČR sčítání lidu?
- Kdy byl založen Zemský statistický úřad Království českého?
- Je možné souhlasit s následujícími výroky?
  - Začátky statistiky spadají do 18. století.
  - Za prvopočátky statistiky lze považovat záznaky o sčítání lidu a majetku ve starověku.
  - Pravděpodobnost dnes představuje neoddělitelnou součást statistiky.
  - Označení deskriptivní a induktivní statistika představuje z praktického pohledu totéž.
  - Stav a vývoj v ekonomické oblasti sleduje disciplína označovaná jako ekonometrie.
  - Vrcholný statistický úřad EU je Eurostat.
- Vyjmenujte některé historické kořeny statistiky.

### Řešení.

- Český statistický úřad;
- 1897;
- a) ne; b) ano; c) ano; d) ne; e) ne; f) ano;
- německá státověda, anglická politická aritmetika a teorie pravděpodobnosti.



## 1.2 Význam a pojetí moderní statistiky

V současné době se pojem *statistika* používá v různých významech, v různých souvislostech a také s ohledem na různé praktické situace. V praktickém životě se můžeme setkat se čtyřmi různými významy, které spolu souvisí. Statistikou se rozumí:

- a) vědní disciplína, která se zabývá sběrem, zpracováním a vyhodnocováním statistických údajů,
- b) číselné i nečíselné údaje nebo souhrn údajů o hromadných jevech,
- c) praktická činnost, která vede k získání informací – údajů o zkoumaných jevech,
- d) instituce, která provádí praktickou statistickou činnost nebo tuto činnost řídí.

Abychom si udělali korektní obrázek o tom, co budeme pod pojmem statistika rozumět a v jakých souvislostech či situacích budeme tento pojem používat, podívejme se na následující odstavce.

### Hromadná pozorování a hromadné jevy

Při studiu statistiky budeme vycházet, jak už bylo zmíněno, z teorie pravděpodobnosti, kterou si blíže popíšeme ve 3. kapitole. Základním pojmem pravděpodobnosti jsou tzv. *náhodné pokusy*, tj. takové pokusy, jejichž výsledky nelze předem stanovit. Pro výsledky jednotlivých náhodných pokusů zavedeme označení *náhodné jevy*. Pro *statistické pozorování* – někdy se také hovoří o *statistickém šetření* – jsou typické hromadné jevy. Přířvlastkem *hromadný* zdůrazňujeme, že se statistika zabývá pouze takovými náhodnými jevy, které se v prostoru a čase mohou mnohokrát opakovat nebo se vyskytují ve velkém počtu případů. To tedy znamená, že jevy jedinečné (neopakovatelné) statistika do svého zkoumání nezahrnuje.

Hromadné jevy jsou tedy výsledky hromadných pozorování, která se uskutečňují v podstatě dvěma způsoby:

- a) jako *výsledky opakovaných pokusů* – tj. za stálých podmínek opakujeme náhodný pokus a po každém pokusu zaznamenáme jeho výsledek; např.  $35 \times$  opakovaně měříme koncentraci určité látky v roztoku,  $60 \times$  opakovaně měříme hodnotu elektrického proudu v obvodu,  $14 \times$  opakovaně měříme vzdálenost dvou bodů v terénu apod.,
- b) jako *výsledky pozorované na velkém počtu jednotek* – tj. na všech (mnoha) jednotkách, které máme k dispozici, provedeme měření nebo zjištění hodnoty a všechny takto získané hodnoty si poznamenáme; např. změříme dobu reakce na jistý podnět u 15 řidičů, změříme výkon 23 atletů ve skoku do dálky z místa, zjistíme měsíční příjem u 80 zaměstnanců, zjistíme názor 150 vysokoškoláků na bulvární deník apod.

Pokud jde o vyjadřování výsledků pokusů, hovoříme často o *obměnách (variantách)*. Pro statistiku je obvyklé dvojí vyjadřování obměn – *číselné a slovní*. Např. při vážení rohlíku vyjádříme výsledek, tj. hmotnost rohlíku, ve tvaru 47,8 g (vyjádření číselné: 47,8), při zjišťování výsledku zkoušky z ekonomie vyjádříme výsledek ve tvaru „C“ (vyjádření slovní: dobře). Způsobům vyjadřování výsledků náhodných pokusů se ale budeme ještě dále věnovat podrobněji (viz podkapitola 1.4).

Při popisu výsledků hromadných pozorování stojí za povšimnutí dvě jejich formy – *měření a zjišťování*. Při měření zpravidla získáváme výsledky v číselné podobě jako hodnoty z měřicího přístroje. Hodnoty jsou vyjádřené v určitých jednotkách – fyzikálních, chemických či jiných. V souladu s matematickými a odbornými pravidly je lze také vzájemně převádět. Např. při měření rychlosti auta dostaneme 83,7 km/hod., při měření výšky postavy novoro-

zence dostaneme 49 cm, při měření tvrdosti vody dostaneme 1,8 mmol/l, při měření velikosti proudu dostaneme 12,5 mA, při měření obsahu tuku v mléku dostaneme 1,48 g/l, atd. Vlastní zpracování celých množin takovýchto číselných informací – dat – už provádíme bez jednotek (viz kapitola 2 – Popisná statistika).

Při *zjišťování* získáváme výsledky v číselné nebo slovní podobě jako hodnoty získané z předem definované množiny obměn. Někdy také hovoříme o *popisu* sledovaných objektů. Např. při průzkumu v obchodu zjistíme počet zákazníků u jedné pokladny: 6, při prověřování školních výsledků zjistíme počet bodů z písemného testu u jednoho studenta: 28, při průzkumu kvality pracího prášku zjistíme názor jedné zákaznice: velmi dobrý, při předvolebním průzkumu zjistíme preferenci jednoho voliče: strana B, atd.

## Zdroje statistických dat

Při řešení konkrétního problému reálného světa se setkáme často s potřebou provést statistické šetření, jehož výsledkem jsou statistická data. Podle typu konkrétního problému bude zdrojem takových dat experiment, dotazování, výkaznictví, pozorování či tzv. sekundární data.

*Experimentem* budeme rozumět cíleně prováděnou činnost zpravidla za účelem ověření vlivu určitého faktoru na zkoumaný ukazatel. Např. budeme experimentem ověřovat vliv nové technologie výroby na jistou vlastnost výrobku, vliv použitého hnojiva na objem rostlinné produkce, můžeme testovat výrobek na nové podmínky užití, v rámci experimentu můžeme sledovat chování zkoumaných osob v různých modelových situacích apod.

*Dotazování* je jednoduchý způsob získávání statistických dat, který se provádí písemně (dotazníky, internetové dotazníky) nebo ústně (osobně, telefonicky, ve skupinách). Takto je možné získat informace hromadného charakteru od tzv. *respondentů*, tj. osob náhodně určených k dotazování. Např. vedení střední školy může prostřednictvím dotazníku získat informace o názorech na výuku toho či onoho předmětu, vedení podniku může získat informace o jazykových schopnostech svých pracovníků apod. V některých případech bývá účelné dotazování organizovat anonymně. Na principu dotazování jsou založené také tzv. *ankety*, které však nelze považovat za reprezentativní šetření. Vyplnění anketního dotazníku je totiž naprosto dobrovolné, proto získaný obraz o řešení problému může být pouze orientační. Např. vydavatel časopisů se takto bude zajímat o zájem čtenářů o jednotlivé rubriky, výrobce nápojů si takto může zjistit názory na kvalitu jeho limonád apod.

*Výkaznictví* je možné vnímat jako specifickou formu dotazování. Výkazy slouží ke sledování ekonomické činnosti různých subjektů. Jejich odevzdávání a vyhodnocování řídí ČSÚ na základě zákona č. 89/1995 Sb., podle kterého mají ekonomické subjekty tzv. *zpravodajskou povinnost*. Na této formě statistického šetření se podílí také jednotlivá ministerstva a jejich odborné orgány.

Při *pozorování* se obvykle sleduje chování lidských subjektů v různých situacích prostřednictvím smyslů – sledování, ochutnávání, poslouchání, čichání apod. Výsledek pozorování je zpravidla subjektivní a závisí na osobě pozorovatele a na okamžiku, kdy je pozorování prováděno. Např. se formou pozorování provádí tzv. *senzorické analýzy*, kdy se prostřednictvím ochutnávek hodnotí nápoje a potraviny. Podobně lze takto hodnotit vůni sledovaného parfému.

Všechny výše uvedené formy statistického šetření využívaly tzv. *primární data*. V některých případech je možné využít i *sekundární data*, tj. data, která byla získána za jiným